

# COLLOQUIUM MATHEMATICUM

XVI

DÉDIÉ À M. FRANCISZEK LEJA

1967

P R O B L È M E S

**P 452, R 3.** La solution partielle (à savoir, pour l'axe réelle) de la seconde partie du problème P 452 se trouve dans ce volume <sup>(1)</sup>. La solution générale annoncée dans P 452, R 2 <sup>(2)</sup>, n'est pas encore publiée.

---

<sup>(1)</sup> S. Hartman and C. Ryll-Nardzewski, *Almost periodic extensions of functions III*, p. 223-224.

<sup>(2)</sup> Colloquium Mathematicum 15 (1966), p. 156. Le symbole R 1 y est à remplacer par R 2. La remarque R 1 au P 452 se trouve dans le volume 13 (1965), p. 294.

---

S. HARTMAN (WROCŁAW), S. ROLEWICZ (WARSZAWA) ET C. RYLL-NARDZEWSKI (WROCŁAW)

**P 570-P 572.** Formulés dans la communication *Ultra-Kroneckerian sets*.

Ce volume, p. 228 et 229.

---

P. ERDŐS (BUDAPEST)

**P 573-P 576.** Formulés dans la communication *Chromatic graphs*.

Ce volume, p. 253, 254 et 256

---

W. KLEINER (KRAKÓW)

Let  $D$  be a complex domain,  $\infty \in D$ , and let  $g$  map  $D$  conformally onto  $|w| > d$ , with  $g'(\infty) = 1$ . Let  $\eta_{n0}, \dots, \eta_{nn}$  be Fekete-Leja's extremal points on  $\partial D$ , arranged so that

$$\Delta_n^{(0)} \leq \Delta_n^{(j)} = \prod_{k \neq j} |\eta_{nj} - \eta_{nk}| \quad (j = 0, 1, \dots, n).$$

**P 577.** Show that  $L_{n+1}/L_n \rightarrow g$ , where  $L_n$  are alternatively 1°( $z - \eta_{n0}$ ) ... ( $z - \eta_{nn}$ ), 2° ( $z - \eta_{n1}$ ) ... ( $z - \eta_{nn}$ ), 3° Tchebycheff's polynomials for  $\partial D$ .

**P 578.** With the above notation, show that the set  $1, \frac{1}{L_1}, \frac{1}{L_2}, \dots$  is a basis in  $D$ , i.e. any  $f$  holomorphic in  $D$  has a unique expansion  $f(z) = a_0 + a_1/L_1(z) + a_2/L_2(z) + \dots$  ( $z \in D$ ).

**P 579.** Let now  $\eta_n \in \partial D$  form a Leja's extremal sequence, i.e.  $\eta_0$  arbitrary,  $\eta_{n+1}$  chosen so as to maximize the absolute value of  $A_n(z) = (z - \eta_0) \dots (z - \eta_n)$ . Show that, if the complement of  $D$  is the closure of a domain  $\Delta$ , the set  $1, A_0, A_1, \dots$  is a basis in the open domain  $\Delta$ .

Cracow, December 2, 1965.

---