

Egzamin z analizy wektorowej. 1 II 2020.

Imię i Nazwisko:

Numer indeksu:

Zadanie 1. (5 punktów) Policzyc $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ dla $u(x, y) = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$.

Zadanie 2. (5 punktów) Znalezc ekstremum lokalne funkcji $f(x, y) = 6xy - x^3 - y^3$ na \mathbb{R}^2 .

Zadanie 3. (5 punktów) Obliczyc całkę podwójną $\iint_D \frac{x}{y} dx dy$, gdzie $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 2 \leq x \leq 4, 1 \leq y \leq x^2\}$

Zadanie 4. (5 punktów) Dokonujac zamiany zmiennych na współrzędne biegunowe r i α obliczyc całkę $\iint_D y dx dy$, gdzie D jest obszarem ograniczonym krzywymi: $x^2 + y^2 = 4$, $x^2 + y^2 = 1$, $y = x$, $y = 0$ ($x \geq 0, y \geq 0$).

Zadanie 5. (5 punktów) Obliczyc całkę krzywoliniową zorientowaną z pola wektorowego $F(x, y) = (y, -x^2)$ po krzywej γ , gdzie γ — krzywa $x(t) = t$, $y(t) = \frac{1}{2}t^2$ dla $t \in [0, 2]$.

Egzamin z analizy wektorowej. 1 II 2020.

Imię i Nazwisko:

Numer indeksu:

Zadanie 1. (5 punktów) Policzyc $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ dla $u(x, y) = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$.

Zadanie 2. (5 punktów) Znalezc ekstremum lokalne funkcji $f(x, y) = 6xy - x^3 - y^3$ na \mathbb{R}^2 .

Zadanie 3. (5 punktów) Obliczyc całkę podwójną $\iint_D \frac{x}{y} dx dy$, gdzie $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 2 \leq x \leq 4, 1 \leq y \leq x^2\}$

Zadanie 4. (5 punktów) Dokonujac zamiany zmiennych na współrzędne biegunowe r i α obliczyc całkę $\iint_D y dx dy$, gdzie D jest obszarem ograniczonym krzywymi: $x^2 + y^2 = 4$, $x^2 + y^2 = 1$, $y = x$, $y = 0$ ($x \geq 0, y \geq 0$).

Zadanie 5. (5 punktów) Obliczyc całkę krzywoliniową zorientowaną z pola wektorowego $F(x, y) = (y, -x^2)$ po krzywej γ , gdzie γ — krzywa $x(t) = t$, $y(t) = \frac{1}{2}t^2$ dla $t \in [0, 2]$.

Egzamin z analizy wektorowej. 1 II 2020.

Imię i Nazwisko:

Numer indeksu:

Zadanie 1. (5 punktów) Policzyc $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ dla $u(x, y) = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$.

Zadanie 2. (5 punktów) Znalezc ekstremum lokalne funkcji $f(x, y) = 6xy - x^3 - y^3$ na \mathbb{R}^2 .

Zadanie 3. (5 punktów) Obliczyc całkę podwójną $\iint_D \frac{x}{y} dx dy$, gdzie $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 2 \leq x \leq 4, 1 \leq y \leq x^2\}$

Zadanie 4. (5 punktów) Dokonujac zamiany zmiennych na współrzędne biegunowe r i α obliczyc całkę $\iint_D y dx dy$, gdzie D jest obszarem ograniczonym krzywymi: $x^2 + y^2 = 4$, $x^2 + y^2 = 1$, $y = x$, $y = 0$ ($x \geq 0, y \geq 0$).

Zadanie 5. (5 punktów) Obliczyc całkę krzywoliniową zorientowaną z pola wektorowego $F(x, y) = (y, -x^2)$ po krzywej γ , gdzie γ — krzywa $x(t) = t$, $y(t) = \frac{1}{2}t^2$ dla $t \in [0, 2]$.

Egzamin z analizy wektorowej. 1 II 2020.

Imię i Nazwisko:

Numer indeksu:

Zadanie 1. (5 punktów) Policzyc $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ dla $u(x, y) = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$.

Zadanie 2. (5 punktów) Znalezc ekstremum lokalne funkcji $f(x, y) = 6xy - x^3 - y^3$ na \mathbb{R}^2 .

Zadanie 3. (5 punktów) Obliczyc całkę podwójną $\iint_D \frac{x}{y} dx dy$, gdzie $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 2 \leq x \leq 4, 1 \leq y \leq x^2\}$

Zadanie 4. (5 punktów) Dokonujac zamiany zmiennych na współrzędne biegunowe r i α obliczyc całkę $\iint_D y dx dy$, gdzie D jest obszarem ograniczonym krzywymi: $x^2 + y^2 = 4$, $x^2 + y^2 = 1$, $y = x$, $y = 0$ ($x \geq 0, y \geq 0$).

Zadanie 5. (5 punktów) Obliczyc całkę krzywoliniową zorientowaną z pola wektorowego $F(x, y) = (y, -x^2)$ po krzywej γ , gdzie γ — krzywa $x(t) = t$, $y(t) = \frac{1}{2}t^2$ dla $t \in [0, 2]$.

Egzamin z analizy wektorowej. 1 II 2020.

Imię i Nazwisko:

Numer indeksu:

Zadanie 1. (5 punktów) Policzyc $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ dla $u(x, y) = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$.

Zadanie 2. (5 punktów) Znalezc ekstremum lokalne funkcji $f(x, y) = 6xy - x^3 - y^3$ na \mathbb{R}^2 .

Zadanie 3. (5 punktów) Obliczyc całkę podwójną $\iint_D \frac{x}{y} dx dy$, gdzie $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 2 \leq x \leq 4, 1 \leq y \leq x^2\}$

Zadanie 4. (5 punktów) Dokonujac zamiany zmiennych na współrzędne biegunowe r i α obliczyc całkę $\iint_D y dx dy$, gdzie D jest obszarem ograniczonym krzywymi: $x^2 + y^2 = 4$, $x^2 + y^2 = 1$, $y = x$, $y = 0$ ($x \geq 0, y \geq 0$).

Zadanie 5. (5 punktów) Obliczyc całkę krzywoliniową zorientowaną z pola wektorowego $F(x, y) = (y, -x^2)$ po krzywej γ , gdzie γ — krzywa $x(t) = t$, $y(t) = \frac{1}{2}t^2$ dla $t \in [0, 2]$.

Egzamin z analizy wektorowej. 1 II 2020.

Imię i Nazwisko:

Numer indeksu:

Zadanie 1. (5 punktów) Policzyc $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ dla $u(x, y) = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$.

Zadanie 2. (5 punktów) Znalezc ekstremum lokalne funkcji $f(x, y) = 6xy - x^3 - y^3$ na \mathbb{R}^2 .

Zadanie 3. (5 punktów) Obliczyc całkę podwójną $\iint_D \frac{x}{y} dx dy$, gdzie $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 2 \leq x \leq 4, 1 \leq y \leq x^2\}$

Zadanie 4. (5 punktów) Dokonujac zamiany zmiennych na współrzędne biegunowe r i α obliczyc całkę $\iint_D y dx dy$, gdzie D jest obszarem ograniczonym krzywymi: $x^2 + y^2 = 4$, $x^2 + y^2 = 1$, $y = x$, $y = 0$ ($x \geq 0, y \geq 0$).

Zadanie 5. (5 punktów) Obliczyc całkę krzywoliniową zorientowaną z pola wektorowego $F(x, y) = (y, -x^2)$ po krzywej γ , gdzie γ — krzywa $x(t) = t$, $y(t) = \frac{1}{2}t^2$ dla $t \in [0, 2]$.